

CG Board Class 9 Maths Book Solutions



CGBSE Class 9 Math 1 Solutions

Unit - 2

Chapter - 6

संख्याओं में भी है खेल

Page No. - 115

प्रश्न 1 - निम्नलिखित सवालों में प्रयुक्त अक्षरों A,B,X,Y,Z,L,M,N के मान ज्ञात कीजिये

(i) BA

+33

12B

हल :- BA

+33

12B

$$BA + 33 = 12B$$

$$\Rightarrow 10B + A + 33 = 100 + 20 + B$$

$$\Rightarrow 10B + A - B = 120 - 33$$

$$\Rightarrow 9B + A = 87$$

अब A और B के मान 1 से 9 तक के अंक हो सकते हैं। पर यदि B का मान 1 से लेकर 8 तक का कोई भी अंक लिया जाये, तो उसमें 9 से गुणा कर A का कोई भी मान रख कर जोड़ने पर 87 प्राप्त नहीं हो सकता। अतः B का मान 9 ही लेना। तब ,

$$9B = 9 \times 9 = 81$$

अब इसमें 6 जोड़ने पर 87 प्राप्त होगा।

$$A = 6$$

$$B = 9$$

उत्तर

(ii) 3XY

+YY2

1018

हल :- $3XY + YY2 = 1018$

इकाई अंकों की तुलना करने पर ,

$$Y + 2 = 8$$

$$\Rightarrow Y = 8 - 2 = 6$$

अतः $3XY + YY2 = 1018$ से

$$\Rightarrow 3X6 = 1018 - 662 = 356$$

अब दोनों पक्षों में दहाई अंकों की तुलना करने पर ,

$$X = 5$$

अतः $X = 5, Y = 6.$ उत्तर

(iii) **MN**

x 6

MLN

हल :- MN

x 6

MLN

इकाई के स्थान पर $6 \times N$ से N तभी प्राप्त होगा , जब $N = 0, 6, 8$

$$\therefore 0 \times 6 = 0; 6 \times 6 = 36; 8 \times 6 = 48$$

(1) $N = 0$ हेतु $MN \times 6 = MLN$

$$\Rightarrow (10M + N) \times 6 = 100M + 10L + N$$

$$\Rightarrow (10M + 0) \times 6 = 100M + 10L + 0$$

$$\Rightarrow 60M = 100M + 10L$$

$$\Rightarrow 60M - 100M = 10L$$

$$\Rightarrow -40M = 10L$$

यहाँ M और L के धनात्मक अर्थात् उचित मान हेतु M अथवा L में किसी एक का मान ऋणात्मक लेना होगा जो उचित नहीं है।

$$\therefore N \neq 0$$

(2) $N = 6$ (हेतु)

$$\begin{aligned}
 (10M + N) \times 6 &= 100M + 10L + N \\
 \Rightarrow (10M + 6) \times 6 &= 100M + 10L + 6 \\
 \Rightarrow 60M + 36 &= 100M + 10L + 6 \\
 \Rightarrow 60M - 100M &= 10L + 6 - 36 \\
 \Rightarrow -40M &= 10L - 30
 \end{aligned}$$

अब $L = 0, 1, 2$ लेने पर M के ऋणात्मक मान प्राप्त होंगे, जो उचित नहीं है।

$L = 3$ लेने पर $M = 0$ प्राप्त होगा।

परन्तु तीन अंको की संख्या में $M, 0$ नहीं हो सकता।

$L = 4$ से लेकर 9 तक के मान रखने पर M के भिन्नात्मक मान प्राप्त होंगे, जो उचित नहीं है।

$$\therefore N \neq 6$$

अतः N का बचा हुआ मान $N = 8$ ही उचित मान होगा।

$$\begin{aligned}
 \therefore (10M + 8) \cdot 6 &= 100M + 10L + 8 \\
 \Rightarrow 60M + 48 &= 100M + 10L + 8 \\
 \Rightarrow 60M - 100M &= 10L + 8 - 48 \\
 \Rightarrow -40M &= 10L - 40
 \end{aligned}$$

यहाँ L का 0 के अतिरिक्त कोई अन्य मान लिया जाये, तो M का मान या तो ऋणात्मक होगा या भिन्नात्मक जो कि उचित नहीं है।

$$\therefore L = 0$$

$$\begin{aligned}
 \text{अतः } -40M &= 10 \times 0 - 40 \\
 \Rightarrow -40M &= -40 \\
 \therefore M &= 1 \\
 \therefore M = 1, L = 0, N = 8.
 \end{aligned}$$

(iv) **1Z**

xZ

7Z

हल :- **1Z**

xZ

7Z

1 Z × Z करने पर इकाई में Z तभी प्राप्त होगा ,जब Z =0,1,5,6 हो। परन्तु Z =0 रखने पर पूरी संख्या ही 0 प्राप्त होगी ,1 एवं 6 रखने पर प्राप्त संख्या के दहाई में 7 प्राप्त नहीं होगा। परन्तु Z =5 रखने पर ,

$$15 \times 5 = 75$$

प्राप्त होगा जिसके इकाई में वही अंक है जिससे गुणा किया गया है और दहाई पर 7 है

$$Z = 5$$

(v) **XX**

6

+YYY

461

हल :- **XX**

6

+YYY

461

इकाइयों का योग= $X + 6 + Y$

तब योगफल की इकाई में 1 तभी आएगा ,जब

$$X + 6 + Y = 11$$

$$\Rightarrow X + Y = 11 - 6 = 5$$

अतः $X = 1, Y = 4$ या $X = 2, Y = 3$ या $X = 3, Y = 2$ या $X = 4, Y = 1$

चूँकि योगफल के सैकड़ों के स्थान पर 4 है।

∴ $Y = 4$ लेने पर ,

$X = 1$ लेना होगा तब ,

XX

+ 6

YYY

461

$$\begin{array}{r}
 11 \\
 6 \\
 +444 \\
 \hline
 461
 \end{array}$$

अतः, $X = 1; Y = 4$.

$$\begin{array}{r}
 \text{(vi)} \quad 2PQ \\
 +PQ1 \\
 \hline
 Q18
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 \text{हल:-} \quad 2PQ \\
 +PQ1 \\
 \hline
 Q18
 \end{array}$$

इकाई के अंकों का योग $= Q + 1 = 8$

$$\therefore Q = 7$$

$$\begin{array}{r}
 \text{अतः} \quad 2P7 \\
 +P71 \\
 \hline
 718
 \end{array}$$

अब, $P + 7 = 1$ अर्थात् 11

$$\therefore P = 11 - 7 = 4$$

$$\begin{array}{r}
 \text{अतः,} \quad 247 \\
 +471 \\
 \hline
 718
 \end{array}$$

$$\therefore P = 4; Q = 7.$$

$$\begin{array}{r}
 \text{(vii)} \quad ML \\
 \hline
 \times 6
 \end{array}$$

LLL

हल:- ML

x 6

LLL

इकाइयों के स्थान पर $L \times 6$ से L तभी प्राप्त होगा ,

जब $L = 0, 2, 4, 6, 8$

अब , यदि $L = 4$, तब $ML \times 6 = LLL$ से $(10M + L) \times 6 = LLL$

$$\Rightarrow (10M + 4) \times 6 = 444$$

$$\Rightarrow 60M + 24 = 444$$

$$\Rightarrow 60M = 444 - 24 = 420$$

$$\therefore M = \frac{420}{60} = 7$$

अतः , $\frac{ML \times 6}{LLL}$ में $M = 7, L = 4$ लेने पर ,

$$\frac{74 \times 6}{444} \text{ जो कि सत्य है।}$$

$$\therefore M = 7, L = 4.$$

L के अन्य मान उचित गुणनफल नहीं देते।

Page No. - 123

प्रश्न 1- निम्नलिखित में से कौन-सी संख्याये 5 और 10 की गुणज है ?

316 ,9560,205,311,800,7936

हल :- 5 की गुणज वे संख्यायें होंगी जिसकी इकाई पर 0 अथवा 5 हो

$$\therefore 5 \text{ की गुणज } = 9560, 205, 800 \quad \text{उत्तर}$$

10 की गुणज वे संख्याये होंगी जिनके इकाई स्थान पर 0 हो।

$$\therefore 10 \text{ की गुणज } = 9560, 800 \quad \text{उत्तर}$$

Page No. - 123

प्रश्न 2 - दो अंको वाली एक ऐसी संख्या जो 3 से विभाज्य है ,उसका इकाई का अंक 8 है ,तो दहाई के अंक क्या -क्या हो सकते है ?

हल :- यदि कोई संख्या 3 से विभाज्य है तो उसके इकाई एवं दहाई अंको का योगफल भी 3 से विभाज्य होगा। अतः इकाई अंक 8 होने पर दहाई अंक 1,4,7 होने पर योगफल 9,12 तथा 15 प्राप्त होगा जो कि 3 से विभाज्य संख्याये है। अतः अभीष्ट दहाई अंक 1,4 अथवा 7 होंगे।

Page No. - 123

प्रश्न 3 - संख्या 35P, 5 का एक गुणज है तो P का मान बताईये।

हल :- 5 की गुणज संख्या के इकाई स्थान पर 0 अथवा 5 होगा।

∴ 35P में P=0 या 5 होगा।

Page No. - 123

प्रश्न 4- 6A3B, 9 से विभाजित एक संख्या है। A तथा B के मान ज्ञात कीजिये।

हल :- 6A 3B, 9 से विभाजित संख्या है।

$6 + 3 = 9$ है। अतः 9 से विभाजित होने के लिए

$A + B = 9$ होना आवश्यक है। अतः A और B के मान निम्न हो सकते है -

$A = 0, B = 9; A = 1, B = 8; A = 2, B = 7;$

$A = 3, B = 6; A = 4, B = 5; A = 5, B = 4;$

$A = 6, B = 3; A = 7, B = 2; A = 8, B = 1;$

$A = 9, B = 0$

Page No. - 123

प्रश्न 5- निम्नलिखित संख्याओं में 7 से विभाज्यता की जाँच करें -

(i) 672

हल :- $672 = 600 + 70 + 2$

$= 630 - 30 + 70 + 2$

$= 630 + 70 - (28 + 2) + 2$

$= 630 + 70 - 28 - 2 + 2$

$= 7 \cdot (90 + 10 - 4) + 0$

अतः , 672, 7 से विभाज्य है।

उत्तर

(ii) 905

हल :- $905 = 905 + 5$

$$= 700 + 200 + 5$$

$$= 700 + 280 - 80 + 5$$

$$= 700 + 280 - 75$$

$$= 700 + 280 - 70 - 5$$

$$= 7.(100 + 40 - 10) - 5$$

अतः 905,7 से विभाज्य नहीं है।

उत्तर

(iii) 2205

हल :- $2205 = 2100 + 105$

$$= 2100 + 70 + 35$$

$$= 7.(300 + 10 + 5) + 0$$

अतः 2205,7 से विभाज्य है

उत्तर

(iv) 9751

हल :- $9751 = 9000 + 751$

$$= 7000 + 2000 + 700 + 51$$

$$= 7000 + (2100 - 100) + 700 + (49 + 2)$$

$$= (7000 + 2100 + 700 + 49) - 100 + 2$$

$$= 7.(1000 + 300 + 100 + 7) - 98$$

$$= 7.(1000 + 300 + 100 + 7 - 14) + 0$$

अतः 9751,7 से विभाज्य है

उत्तर

Page No. - 123

प्रश्न 6- निम्नलिखित संख्याओं में 11 से विभाज्यता की जाँच करें -

(i) 913

हल :- सम स्थान के अंक =1

विषम स्थानों के अंक =3,9

(विषम स्थानों के अंकों का योग) - (सम स्थानों के अंकों का योग)

$$= (3 + 9) - 1$$

$$= 12 - 1 = 11$$

अतः 913 ,11 से विभाज्य होगा।

उत्तर

(ii) 987

हल :- सम स्थानों के अंक = 8

विषम स्थानों के अंक = 7,9

(विषम स्थानों के अंकों का योग) - (सम स्थानों के अंकों का योग)

$$= (7+9) - 8$$

$$= 16 - 8 = 8$$

अतः 8,11 से विभाज्य नहीं है।, अतः 987 भी 11 से विभाज्य नहीं है।

(iii) 3729

हल :- सम स्थानों के अंक = 7,9

विषम स्थानों के अंक = 2,3

$$= (9 + 7) - (2 + 3)$$

$$= 16 - 5 = 11$$

अतः 3729 ,11 से विभाज्य होगा।

उत्तर

(vi) 198

हल :- सम स्थानों के अंक = 9

विषम स्थानों के अंक = 8,1

(विषम स्थानों के अंकों का योग) – (सम स्थानों के अंकों का योग)

$$= (8 + 1) - (9)$$

$$= 9 - 9 = 0$$

अतः ,198 ,11 से विभाज्य होगा।

उत्तर

Page No. - 123

प्रश्न 7- निम्नलिखित संख्याओं में 13 से विभाज्यता की जाँच करें -

(i) 169

$$\begin{aligned}
 \text{हल :- } 169 &= 100 + 69 \\
 &= 104 - 4 + 65 + 4 \\
 &= 104 + 65 \\
 &= 13. (8 + 5) + 0
 \end{aligned}$$

अतः ,169 ,13 से विभाज्य होगा। उत्तर

(ii) 2197

$$\begin{aligned}
 \text{हल :- } 2197 &= 2600 - 403 \\
 &= 2600 - 390 - 13 \\
 &= 13. (200 - 30 - 1) + 0
 \end{aligned}$$

अतः 2197 ,13 से विभाज्य होगा।

(iii) 3146

$$\begin{aligned}
 \text{हल :- } 3146 &= 2600 + 546 \\
 &= 2600 + 520 + 26 \\
 &= 13. (200 + 40 + 2) + 0
 \end{aligned}$$

अतः 3146 ,13 से विभाज्य होगा। उत्तर

(iv) 5280

$$\begin{aligned}
 \text{हल :- } 5280 &= 5200 + 80 \\
 &= 5200 + 91 - 11 \\
 &= 13. (400 + 7) - 11
 \end{aligned}$$

अतः , 5280 , 13 से विभाज्य नहीं होगा। उत्तर