

NCERT SOLUTIONS

CLASS - 9th

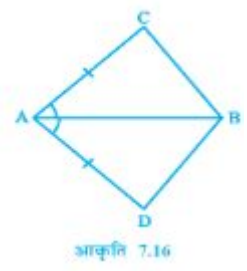


aglasem.com

Class : 9th
Subject : Mathematics
Chapter : 7
Chapter Name : त्रिभुज

प्रश्नवाली 7.1

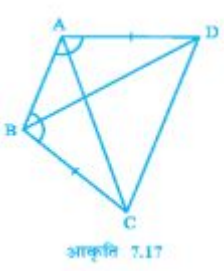
Q1 चतुर्भुज ACBD में $AC = AD$ है और AB कोण A को समद्विभाजित करता है(देखिए आकृति 7.16) दर्शाइए कि $\Delta ABC = \Delta ABD$ | BC और BD के बारे में आप क्या कह सकते है?



आकृति 7.16

Answer. ΔABC और ΔABD पर विचार कीजिए ।
 $AC=AD$ (दिया है)
 $\angle CAB=\angle DAB$ (AB कोण A को समद्विभाजित करता है)
 $AB=AB$ (सामान्य)
अतः $\Delta ABC=\Delta ABD$ (SAS नियम)
अतः $BC=BD$ (CPCT नियम)
अर्थात् BC और BD सामान्य लंबाई के है ।
Page : 143 , Block Name : प्रश्नावली – 7.1

Q2 ABCD एक चतुर्भुज है ,जिसमे $AD = BC$ और $\angle DAB = \angle CBA$ है (देखिए आकृति 7.17) सिद्ध कीजिए कि



आकृति 7.17

(i) $\Delta ABD = \Delta BAC$
Answer. ABCD एक चतुर्भुज है जिसमे
 $AD=BC$ (दिया है)
 $\angle DAB=\angle CBA$ (दिया है)
 $AB=BA$ (सामान्य)
 $\Delta ABD=\Delta BAC$ (SAS नियम)

(ii) $BD = AC$

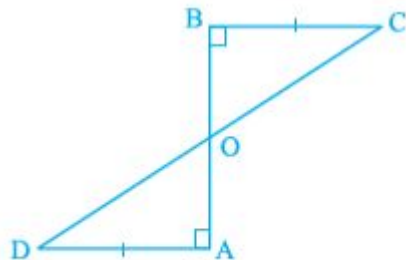
Answer. $BD=AC$ (CPCT)

(iii) $\angle ABD = \angle BAC$

Answer. $\angle ABD = \angle BAC$ (CPCT नियम)

Page : 143 , Block Name : प्रश्नावली – 7.1

Q3 एक रेखाखंड AB पर AD और BC दो बराबर लंब रेखाखंड है (देखिए आकृति 7.18) दर्शाइए कि CD , रेखाखंड AB को समद्विभाजित करता है ।



आकृति 7.18

Answer. $\triangle BOC$ & $\triangle AOD$ पर विचार करे

$\angle BOC = \angle AOD$ (लंबवत विपरीत कोण)

$\angle CBO = \angle DAO$ (दोनों 90° है)

$BC = AD$ (दिया है)

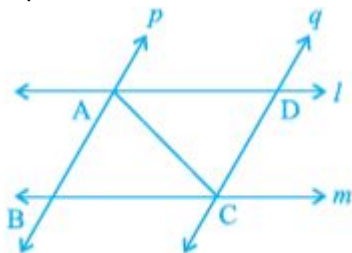
$\triangle BOC = \triangle AOD$ (AAS नियम)

$BO = AO$ (CPCT नियम)

अर्थात् CD रेखाखंड AB को समद्विभाजित करता है

Page : 144 , Block Name : प्रश्नावली – 7.1

Q4 l और m समांतर रेखाएँ हैं जिन्हें समांतर रेखाओं p और q का एक अन्य युग्म प्रतिच्छेदित करता है (देखिये आकृति 7.19) दर्शाइये कि $\triangle ABC = \triangle CDA$ है ।



आकृति 7.19

Answer. $\triangle ABC$ और $\triangle CDA$ पर विचार कीजिए

$\angle BAC = \angle DCA$ (वैकल्पिक आंतरिक कोण क्योंकि $p \parallel q$)

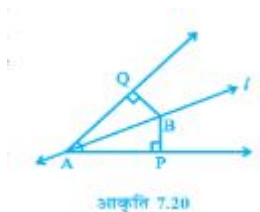
$AC = CA$ (सामान्य)

$\angle BCA = \angle DAC$ (वैकल्पिक आंतरिक कोण क्योंकि $l \parallel m$)

$\triangle ABC = \triangle CDA$ (ASA नियम)

Page : 144 , Block Name : प्रश्नावली – 7.1

Q5 रेखा l कोण A को समद्विभाजित करती है और B रेखा l पर स्थित कोई बिंदु है । BP और BQ कोण A के भुजाओं पर B से डाले गए लम्ब हैं (देखिये आकृति 7.20) दर्शाइये कि



(i) $\triangle APB = \triangle AQB$

Answer. $\triangle APB$ और $\triangle AQB$ पर विचार कीजिए

$\angle APB = \angle AQB$ (दोनों 90° हैं)

$\angle PAB = \angle QAB$ (रेखा l कोण A को समद्विभाजित करती है)

$AB = AB$ (सामान्य)

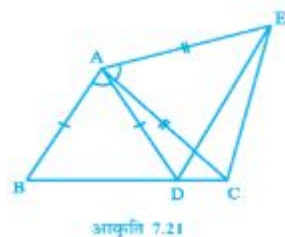
$\triangle APB = \triangle AQB$ (ASA नियम)

(ii) $BP = BQ$

Answer. $BP = BQ$ (CPCT नियम)

Page : 144 , Block Name : प्रश्नावली – 7.1

Q6 आकृति 7.21 में $AC = AE$, $AB = AD$ और $\angle BAD = \angle EAC$ है। दर्शाइये कि $BC = DE$ है।



Answer. $\angle BAD = \angle EAC$ (दिया है)

$\angle BAD + \angle DAC = \angle EAC + \angle DAC$

$\angle BAC = \angle DAE$

$\triangle BAC$ & $\triangle DAE$ पर विचार कीजिए

$AB = AD$ (दिया है)

$\angle BAC = \angle DAE$ (ऊपर साबित किया है।)

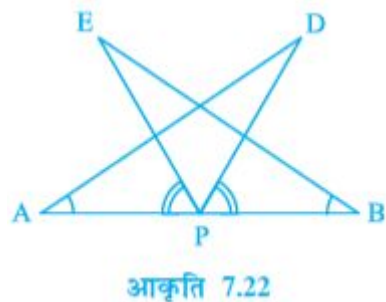
$AC = AE$ (दिया है)

$\triangle BAC = \triangle DAE$ (SAS नियम)

$BC = DE$ (CPCT नियम)

Page : 144 , Block Name : प्रश्नावली – 7.1

Q7 AB एक रेखाखंड है और P इसका मध्य-बिंदु है। D और E रेखाखंड AB के एक ही ओर स्थित दो बिंदु इस प्रकार हैं कि $\angle BAD = \angle ABE$ और $\angle EPA = \angle DPB$ है (देखिए आकृति 7.22) दर्शाइए कि



(i) $\triangle DAP = \triangle EBP$

Answer. $\angle EPA = \angle DPB$ (दिया है)

$\angle EPA + \angle DPE = \angle DPB + \angle DPE$

$$\angle DPA = \angle EPB$$

$\triangle DAP$ & $\triangle EBP$ पर विचार कीजिए

$AP = BP$ (P, AB रेखाखंड मध्य बिंदु है)

$\angle DPA = \angle EPB$ (ऊपर साबित किया है।)

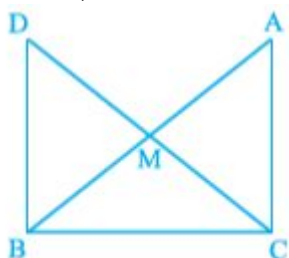
$\triangle DAP = \triangle EBP$ (ASA नियम)

(ii) $AD = BE$

Answer. $AD = BE$ (CPCT नियम)

Page : 145 , Block Name : प्रश्नावली – 7.1

Q8 एक समकोण त्रिभुज ABC में, जिसमें कोण C समकोण है, M कर्ण AB का मध्य-बिंदु है। C को M से मिलाकर D तक इस प्रकार बढ़ाया गया है कि $DM = CM$ है। बिंदु D को बिंदु B से मिला दिया जाता है (देखिए 7.23) दर्शाइए कि



आकृति 7.23

(i) $\triangle AMC = \triangle BMD$

Answer. $\triangle AMC$ & $\triangle BMD$ पर विचार कीजिए

$AM = BM$ (M, AB रेखाखंड का मध्य बिंदु है)

$\angle AMC = \angle BMD$ (लंबवत विपरीत कोण)

$CM = DM$ (दिया है)

$\triangle AMC = \triangle BMD$ (SAS नियम)

$AC = BD$ (CPCT नियम)

$\angle ACM = \angle BDM$ (CPCT नियम)

(ii) $\angle DBC$ एक समकोण है

Answer. $\angle ACM = \angle BDM$ (CPCT नियम)

परन्तु $\angle ACM$ और $\angle BDM$ एकान्तर अभ्यान्तर कोण हैं, दोनों बराबर हैं। अतः कहा जा सकता है कि

$DB \parallel AC$

$\angle DAC + \angle ACB = 180^\circ$ (सह आंतरिक कोण)

$\angle DBC + 90^\circ = 180^\circ$

अतः $\angle DBC = 90^\circ$

(iii) $\triangle DBC = \triangle ACB$

Answer. $\triangle DBC$ & $\triangle ACB$ पर विचार कीजिए

$DB = AC$ (साबित किया जा चुका है)

$\angle DBC = \angle ACB$ (दोनों 90° हैं)

$BC = CB$ (सामान्य)

अतः $\triangle DBC = \triangle ACB$ (SAS नियम)

(iv) $CM = \frac{1}{2} AB$

Answer. $\triangle DBC = \triangle ACB$

$AB = DC$

$AB = 2CM$ (CPCT नियम)

अतः $CM = \frac{1}{2} AB$

Page : 145 , Block Name : प्रश्नावली – 7.1

प्रश्नवाली 7.2

Q1 एक समद्विबाहु त्रिभुज ABC में जिसमें $AC = AB$ है, $\angle B$ और $\angle C$ के समद्विभाजक परस्पर बिंदु O पर प्रतिच्छेद करते हैं। A और O को जोड़िए। दर्शाइए कि

(i) $OB = OC$

Answer. ABC एक समद्विबाहु त्रिभुज है
जहाँ

$AB = AC$ (दिया है)

$\angle B = \angle C$

$\frac{1}{2} \angle B = \frac{1}{2} \angle C$

$\angle OBC = \angle OCB$

अतः $OB = OC$ (समान कोण की सम्मुख भुजाएँ बराबर होती हैं)

(ii) अतः AO कोण A को समद्विभाजित करता है।

Answer. $\triangle AOB$ & $\triangle AOC$ पर विचार कीजिए

$AB = AC$ (दिया है)

$AO = AO$ (सामान्य)

$OB = OC$ (साबित किया जा चुका है)

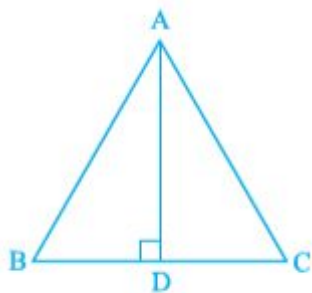
अतः $\triangle AOB = \triangle AOC$ (SSS)

अतः $\angle BAO = \angle CAO$ (CPCT)

अतः OA कोण A को समद्विभाजित करता है।

Page : 148 , Block Name : प्रश्नावली – 7.2

Q2 $\triangle ABC$ में AD भुजा BC का लम्ब समद्विभाजक है (देखिए आकृति 7.30) दर्शाइए कि $\triangle ABC$ एक समद्विबाहु त्रिभुज है, जिसमें $AB = AC$ है।



आकृति 7.30

Answer. $\triangle ADB$ & $\triangle ADC$ पर विचार कीजिए

$AD = AD$ (सामान्य)

अतः $\triangle ADB = \triangle ADC$

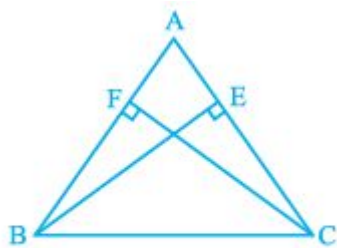
$BD = CD$ (AD समद्विभाजक है।)

$\angle ADB = \angle ADC$ (SAS)

$AB = AC$ (CPCT)

Page : 149 , Block Name : प्रश्नावली – 7.2

Q3 ABC एक समद्विबाहु त्रिभुज है जिसमें बराबर भुजाओं AC और AB पर क्रमशः शीर्षलम्ब BE और CF खींचे गए हैं (देखिए आकृति 7.31) दर्शाइए कि ये शीर्षलम्ब बराबर हैं।



आकृति 7.31

Answer. $\triangle AEB$ & $\triangle AFC$

$\angle A = \angle A$ (सामान्य)

$\angle AEB = \angle AFC$ (90°)

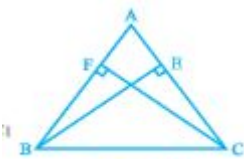
$AB = AC$ (दिया है)

अतः $\triangle AEB = \triangle AFC$ (AAS)

अतः $BE = CF$ (CPCT)

Page : 149 , Block Name : प्रश्नावली – 7.2

Q4 ABC एक त्रिभुज है जिसमें AC और AB पर खींचे गए शीर्षलम्ब BE और CF बराबर हैं (देखिए आकृति 7.32) दर्शाइए कि



आकृति 7.32

(i) $\triangle ABE = \triangle ACF$

Answer. $\triangle ABE$ & $\triangle ACF$ पर विचार कीजिए

$\angle A = \angle A$ (सामान्य)

$\angle AEB = \angle AFC$ (90°)

$BE = CF$ (दिया है)

अतः $\triangle ABE = \triangle ACF$ (AAS)

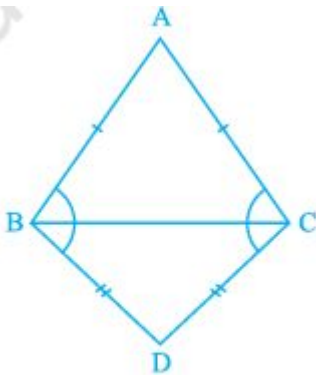
(ii) $AB = AC$ अर्थात् $\triangle ABC$ एक समद्विबाहु त्रिभुज है

Answer. अतः $AB = AC$ (CPCT)

अतः $\triangle ABC$ एक समद्विबाहु त्रिभुज है

Page : 149 , Block Name : प्रश्नावली – 7.2

Q5 ABC और DBC सामान्य आधार BC पर स्थित दो समद्विबाहु त्रिभुज हैं (देखिए आकृति 7.33) दर्शाइए कि $\angle ABD = \angle ACD$ है।



आकृति 7.33

Answer. $\triangle ABD$ & $\triangle ACD$ पर विचार कीजिए

$AD=AD$ (सामान्य)

$AB=AC$ (ABC एक समद्विबाहु त्रिभुज है)

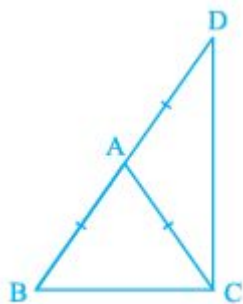
$BD=CD$ (BCD एक समद्विबाहु त्रिभुज है)

अतः $\triangle ABD = \triangle ACD$ (SSS)

$\angle ABD = \angle ACD$ (CPCT)

Page : 149 , Block Name : प्रश्नावली – 7.2

Q6 ABC समद्विबाहु है, जिसमें $AB = AC$ है। भुजा BA बिंदु D तक इस प्रकार बढ़ाई गई है कि $AD = AB$ है (देखिए आकृति 7.34) दर्शाइए कि $\angle BCD$ एक समकोण है।



आकृति 7.34

Answer. $\triangle ABC$

$AB=AC$ (दिया है)

$\angle ACB = \angle ABC$ (बराबर भुजाओं के सम्मुख कोण बराबर होते हैं)

$\triangle ACD$

$AD=AB$

$\angle ADC = \angle ACD$ (बराबर भुजाओं के सम्मुख कोण बराबर होते हैं)

$\triangle ABC$

$\angle CAB + \angle ACB + \angle ABC = 180^\circ$

$\angle CAB + 2\angle ACB = 180^\circ$

$\angle CAB = 180^\circ - 2\angle ACB$(i)

इसी तरह से $\triangle ACD$

$\angle CAD = 180^\circ - 2\angle ACD$(ii)

$\angle CAB + \angle CAD = 180^\circ$

(i) & (ii) को जोड़ कर

$\angle CAB + \angle CAD = 180^\circ - 2\angle ACB + 180^\circ - 2\angle ACD$

अतः $180^\circ = 360^\circ - 2\angle ACB - 2\angle ACD$

अतः $2(\angle ACB + \angle ACD) = 180^\circ$

$\angle BCD = 90^\circ$

Page : 150 , Block Name : प्रश्नावली – 7.2

Q7 ABC एक समकोण त्रिभुज है, जिसमें $\angle A = 90^\circ$ और $AB = AC$ है $\angle B$ और $\angle C$ ज्ञात कीजिए।

Answer. $AB=AC$

अतः $\angle B = \angle C$ ((बराबर भुजाओं के सम्मुख कोण बराबर होते हैं)

$\angle A + \angle B + \angle C = 180^\circ$

$90^\circ + 2\angle B = 180^\circ$

$\angle B = 45^\circ$

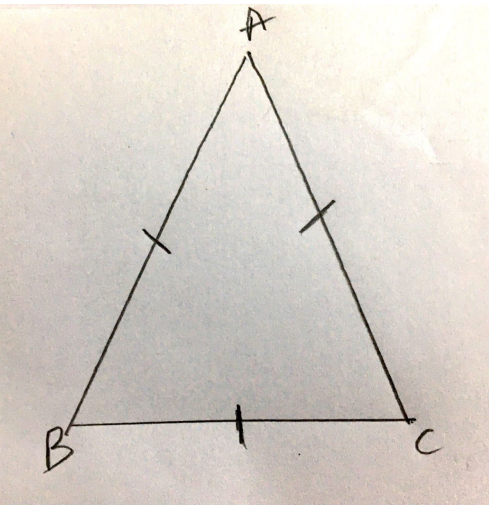
अतः $\angle B = \angle C = 45^\circ$

Page : 150 , Block Name : प्रश्नावली – 7.2

Q8 दर्शाइए कि किसी समबाहु त्रिभुज का प्रत्येक कोण 60° होता है।

Answer.

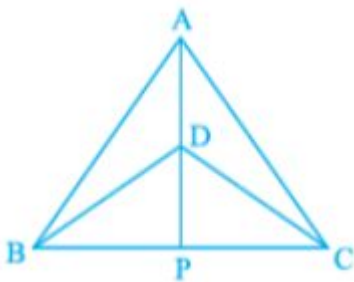
ΔABC एक समबाहु त्रिभुज है,
 $BC=AC=AB$
 $\angle A=\angle B=\angle C$ (बराबर भुजाओं के सम्मुख कोण बराबर है।)
 $\angle A+\angle B+\angle C=180^\circ$
 $3\angle A=180^\circ$
 $\angle A=60^\circ$



अतः $\angle A=\angle B=\angle C=60^\circ$
Page : 150 , Block Name : प्रश्नावली – 7.2

प्रश्नवाली 7.3

Q1 ΔABC और ΔDBC एक ही आधार BC पर बने दो समद्विबाहु त्रिभुज इस प्रकार है कि A और D भुजा BC के एक ओर स्थित है (देखिए आकृति 7.39) यदि AD बढ़ाने पर BC को P पर प्रतिच्छेद करे ,तो दर्शाइये कि



Answer. ΔABC & ΔDBC समद्विबाहु त्रिभुज है
(i) $\Delta ABD = \Delta ACD$
Answer. ΔABD & ΔACD
 $AD=AD$
 $AB=AC$ (ΔABC समद्विबाहु है)
 $BD=CD$ (ΔDBC समद्विबाहु है)
अतः $\Delta ABD = \Delta ACD$ (SSS)
(ii) $\Delta ABP = \Delta ACP$
Answer. ΔABP & ΔACP

$AP=AP$ (सामान्य)

$\angle PAB=\angle PAC$ (CPCT)

$AB=AC$ (ABC समद्विबाहु है)

अतः $\triangle ABP = \triangle ACP$ (SAS)

(iii) AP कोण A और कोण D दोनों को समद्विभाजित करता है ।

Answer. AP कोण A को समद्विभाजित करता है ।

$\triangle BPD$ & $\triangle CPD$

$PD=PD$ (सामान्य))

$BD=CD$ ($\triangle OBC$ समद्विभाजक है ।)

$BP=CP$ (CPCT)

अतः $\triangle BPD = \triangle CPD$ (SSS)

अतः $\angle BDP=\angle CDP$ (CPCT)

(इससे हम कह सकते हैं कि AP ,A और D कोण को समद्विभाजित करता है ।)

(iv) AP रेखाखंड BC का लम्ब समद्विभाजक है ।

Answer. $\angle BPD=\angle CPD$ (CPCT)

$BP=CP$

$\angle BPD+\angle CPD=180^\circ$

$2\angle BPD=180^\circ$

$\angle BPD=90^\circ$

अतः AP, BC का लम्ब समद्विभाजक है ।

Page : 154 , Block Name : प्रश्नावली – 7.3

Q2 AD एक समद्विबाहु त्रिभुज ABC का एक शीर्षलम्ब है ,जिसमे $AB = AC$ है । दर्शाइए कि

Answer. (i) AD रेखाखंड BC को समद्विभाजित करता है ।

Answer. $\triangle ABD$ & $\triangle ACD$

$\angle ADB=\angle ADC=90^\circ$

$AB=AC$ (दिया है)

$AD=AD$ (सामान्य)

अतः $\triangle ABD = \triangle ACD$ (RHS)

अतः $BD =CD$ (CPCT)

अतः AD, BC

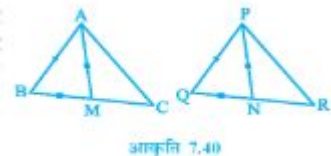
(ii) AD कोण A को समद्विभाजित करता है ।

$\angle BAD=\angle CAD$

अतः AD, A को समद्विभाजित करता है ।

Page : 154 , Block Name : प्रश्नावली – 7.3

Q3 एक त्रिभुज ABC की दो भुजाएँ AB और BC तथा मधिका AM क्रमशः एक दूसरे त्रिभुज की भुजाओं PQ और QR तथा मधिका PN के बराबर है (देखिये आकृति 7. 40) दर्शाइए कि



Answer. (i) $\triangle ABM = \triangle PQN$

$\frac{1}{2}BC=BM$

$\frac{1}{2}QR=QN$ (AM और PN माधिकाएँ हैं)

$BC=QR$

अतः $\frac{1}{2}BC=\frac{1}{2}QR$

अतः $BM=QN$(i)

$\triangle ABM$ & $\triangle PQN$

$AM=PN$ (दिया है)

$AB=PQ$ (दिया है)

$BM=QN$

अतः $\triangle ABM = \triangle PQN$ (SSS)

(ii) $\triangle ABC = \triangle PQR$

Answer. $\angle ABC$ & $\angle PQR$ में

$AB=PQ$ (दिया है)

$\triangle ABC=\triangle PQR$ (CPCT)

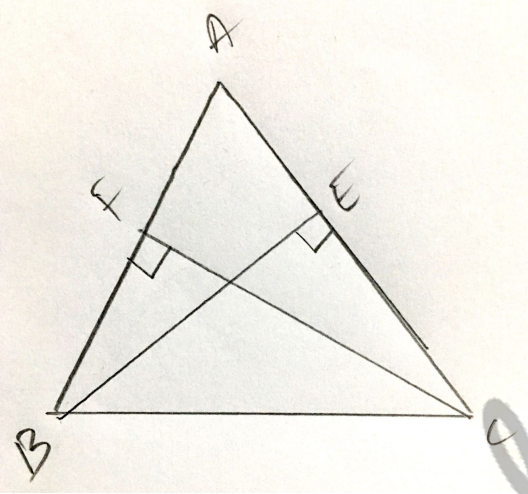
$BC=QR$ (दिया है)

अतः $\triangle ABC = \triangle PQR$ (SAS)

Page : 154 , Block Name : प्रश्नावली – 7.3

Q4 BE और CF एक त्रिभुज ABC के दो बराबर शीर्षलम्ब हैं। RHS सर्वांगसमता नियम का प्रयोग सिद्ध कीजिए की $\triangle ABC$ एक समद्विबाहु त्रिभुज है।

Answer. $\triangle BEC$ & $\triangle CFB$ में,



$\angle BEC= \angle CFB =90^\circ$

$BC=CB$ (सामान्य)

$BE=CF$ (सामान्य)

अतः $\triangle BEC = \triangle CFB$ (RHS)

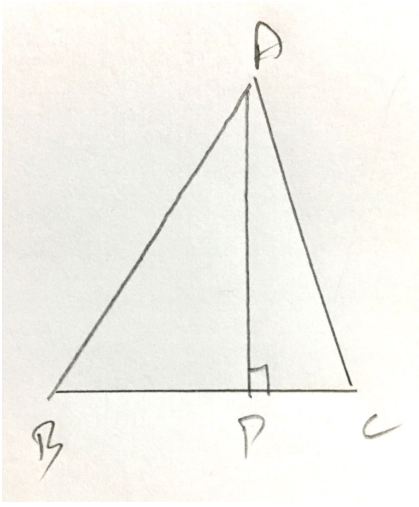
$\angle C=\angle B$ (CPCT)

अतः $AB=AC$ (बराबर कोण के सम्मुख भुजाएँ बराबर होते हैं)

Page : 154 , Block Name : प्रश्नावली – 7.3

Q5 ABC एक समद्विबाहु त्रिभुज है जिसमें $AB = AC$ है $AP \perp BC$ खिंच कर दर्शाइए की $\angle B=\angle C$ है

Answer. $\triangle ABP$ और $\triangle ACP$ में,



$$\angle APB = \angle APC = 90^\circ$$

$AB = AC$ (दिया है)

$AP = AP$ (सामान्य)

अतः $\triangle ABP = \triangle ACP$ (RHS)

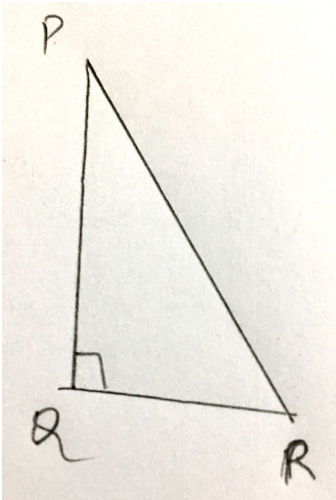
अतः $\angle B = \angle C$ (CPCT)

Page : 154 , Block Name : प्रश्नावली – 7.3

प्रश्नवाली 7.4

Q1 दर्शाइए कि समकोण त्रिभुज में कर्ण सबसे लंबी भुजा होती है।

Answer.



∴ दिया गया है कि यह एक समकोण त्रिभुज है

तो, $\angle Q = 90^\circ$

इसलिए, $\angle P < 90^\circ$

और $\angle R < 90^\circ$

क्योंकि त्रिभुज के सभी कोणों का मान 180 होता है

$\triangle PQR$ में,

$\angle Q > \angle P$ (क्योंकि $\angle Q = 90^\circ$ और $\angle P < 90^\circ$)

$PR > PQ$(1) (किसी भी त्रिभुज में बड़े कोण की सामने वाली भुजा बड़ी होती है)

अब,

$\triangle PQR$ में,

$\angle Q > \angle R$ (क्योंकि $\angle Q = 90^\circ$ और $\angle R < 90^\circ$)

$PR > PQ$(2)

समीकरण (1) और (2) से

$PR > PQ$ और

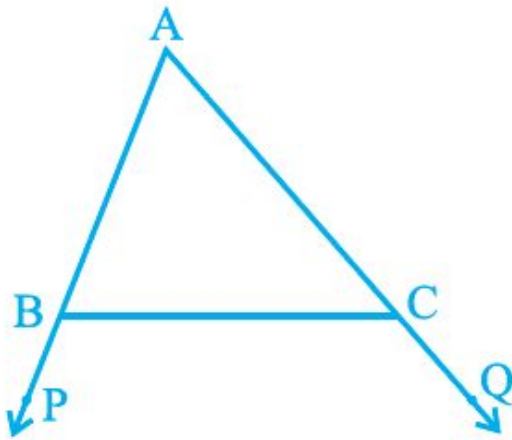
$PR > QR$

इसलिए दिए गए त्रिभुज में PR सबसे बड़ी भुजा है।

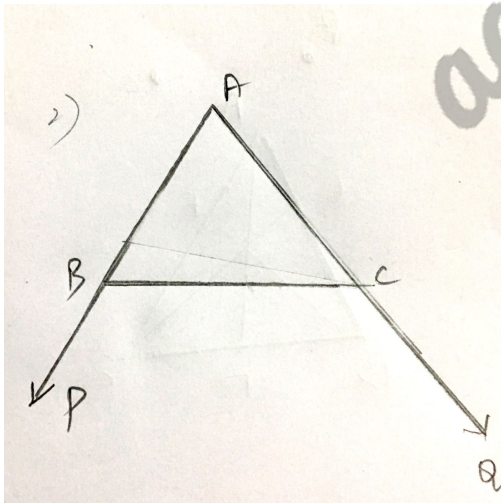
अतः दिये गए समकोण त्रिभुज में PR कर्ण सबसे लंबी भुजा है।

Page : 158 , Block Name : परश्नावली – 7.4

Q2 आकृति में, $\triangle ABC$ की भुजाओं AB और AC को क्रमशः बिन्दुओं P और Q तक बढ़ाया गया है साथ ही, $\angle PBC < \angle QCB$ है दर्शाइए कि $AC > AB$ है।



Answer.



दी गयी आकृति के अनुसार,

$$\angle QCB + \angle ACB = 180^\circ \dots\dots\dots (1)$$

$\therefore$ (रेखिक युग्म 180° होता है)

$$\text{और } \angle PBC = 180^\circ - \angle ABC \dots\dots\dots (2)$$

समीकरण (1) और (2) से,

$$180 - \angle ABC < 180^\circ - \angle ACB$$

$-\angle ABC < -\angle ACB$
 $\angle ABC > \angle ACB \dots\dots\dots (3)$

समीकरण (3) से

$\angle B = \angle C$

तो $\angle C$ के सामने वाली भुजा से $\angle B$ के सामने वाली भुजा बड़ी होगी

$\angle B$ के सामने वाली भुजा = AC

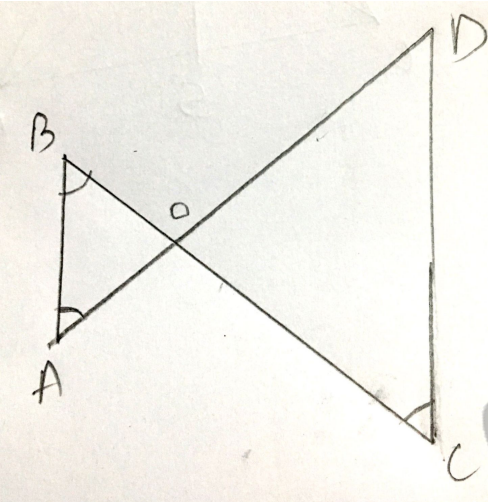
और $\angle C$ के सामने वाली भुजा = AB

अतः $AC > AB$

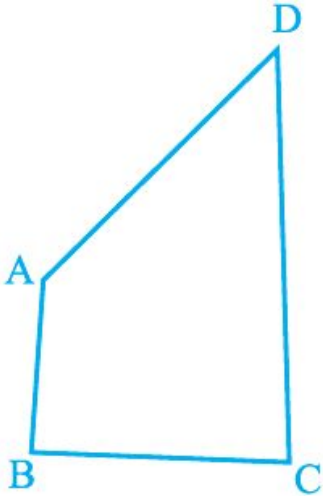
Page : 158 , Block Name : परश्नावली – 7.4

Q3 आकृति में, $\angle B < \angle A$ और $\angle C < \angle D$ है दर्शाइए कि AD

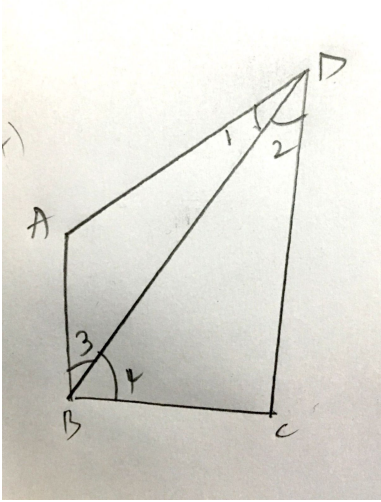
Answer.



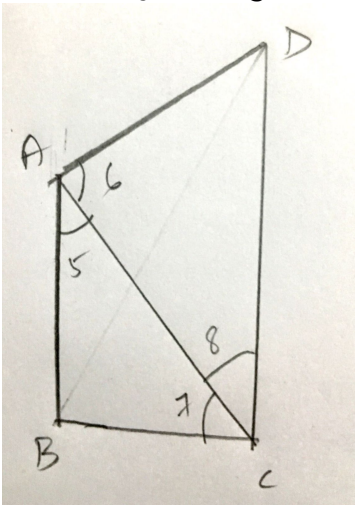
दर्शाना है कि AD \angle C \) और $\angle B > \angle D$ है।



Answer. दी गयी आकृति में B और D को एक रेखा से मिलाइये

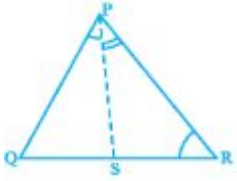


इस आकृति अनुसार
 $\triangle ABD$ में $AD > AB$ (दिया गया है)
अतः $\angle 3 > \angle 1$ किसी भी त्रिभुज में लंबी भुजा का सामने वाला कोण बड़ा होता है.....(1)
इसी प्रकार से,
 $\triangle BDC$ में, $CD > BC$ (CD इस चतुर्भुज में बड़ी भुजा है)
अतः $\angle 3 + \angle 4 > \angle 1 + \angle 2$
 $\rightarrow \angle B = \angle D$
इसी प्रकार दी गयी आकृति में A और C को एक रेखा से मिलाइये
अब, इस आकृति के अनुसार

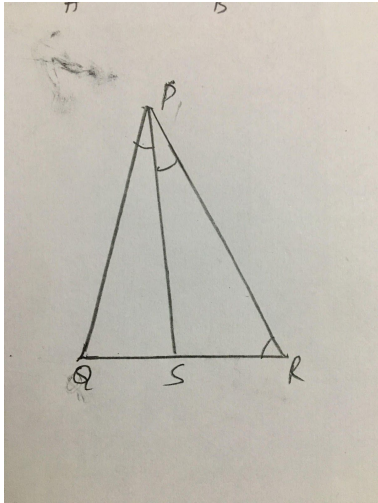


$\triangle ABC$ में, $BC > AB$ (AB छोटी भुजा है दिया गया है)
अतः $\angle 5 > \angle 7$ (3)
इसी प्रकार से,
 $\triangle ADC$, $CD > AD$ (दिया गया है कि भुजा DC बड़ी भुजा है)
अतः $\angle 6 > \angle 8$ (4)
समीकरण (3) और (4) को जोड़ने पर
 $\angle 5 + \angle 6 > \angle 7 + \angle 8$
 $\angle A > \angle C$

Q5 आकृति में, $PR > PQ$ है और PS कोण QPR को समद्विभाजित करता है सिद्ध कीजिए कि $\angle PSR > \angle PSQ$ है।



Answer.



दिया गया है

$PR > PQ$

और PS , $\angle QPR$ को समद्विभाजित करता है

अतः $\triangle PQR$ में,

$PR > PQ$

तो, $\angle Q > \angle R$

(क्योंकि किसी भी त्रिभुज में लंबी भुजा के सामने वाला कोण बड़ा होता है)

दोनों तरफ $\angle RPS$ जोड़ने पर

$\angle Q + \angle RPS > \angle R + \angle RPS$

$\angle Q + \angle QPS > \angle PSQ$ क्योंकि $\angle RPS = \angle QPS$

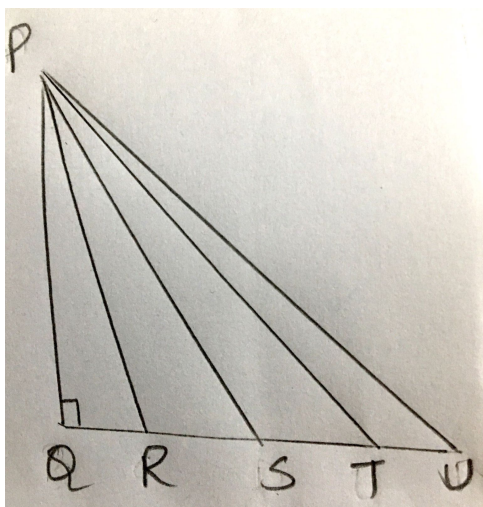
दिया गया है और PS , $\angle QPR$ को समद्विभाजित करता है

$\angle PSR > \angle PSQ$

Page : 159 , Block Name : प्रश्नावली – 7.4

Q6 दर्शाइए कि एक रेखा पर एक दिए हुए बिंदु से, जो उस रेखा पर स्थित नहीं है, जितने रेखाखंड खींच जा सकते हैं उनमें लम्ब रेखाखंड सबसे छोटा होता है।

Answer.



हमें सिद्ध करना है कि PQ छोटा रेखाखंड है

$\triangle PQR$ में,

$\angle Q = 90^\circ$ (दिया गया है)

अब, $\angle QPR < 90^\circ$

और $\angle PRQ < 90^\circ$ (क्योंकि किसी भी त्रिभुज के तीनों कोण का मान 180 होता है)

यह $\angle Q = 90$ है तो

$\angle QPR$ और $\angle PRQ$, 90° से छोटा होगा

और $\angle QPR + \angle PRQ = 90^\circ$ होगा

इसलिए,

$\triangle PQR$ में,

$\angle Q > \angle PRQ$

PR एक बड़ा लंब है क्योंकि $\angle Q > \angle PRQ$ से, किसी भी त्रिभुज में बड़ी कोण के सामने वाली भुजा बड़ी होती है

अतः $PR > PQ$

ठीक इसी प्रकार से,

$\triangle PQS$ के लिए

$\angle Q = 90^\circ$

$\angle QPS + \angle QSP = 90^\circ$

$\angle Q > \angle QSP$

अतः $PS > PQ$

ठीक इसी प्रकार बाकी त्रिभुज के लिए भी होगा

और उससे यह सिद्ध हो जाएगा कि

$PS > PQ, PR > PQ, PT > PQ, PU > PQ$

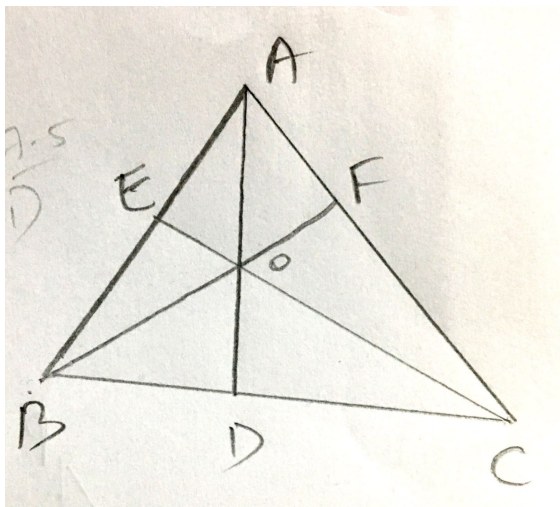
इस समीकरण से यह ज्ञात होता है कि PQ सबसे छोटा रेखाखंड है

Page : 159 , Block Name : प्रश्नावली – 7.4

प्रश्नवाली 7.5

Q1 ABC एक त्रिभुज है इसके अभ्यंतर में एक ऐसा बिंदु ज्ञात कीजिए जो $\triangle ABC$ के तीनों शीर्ष से समदूरस्थ है।

Answer.

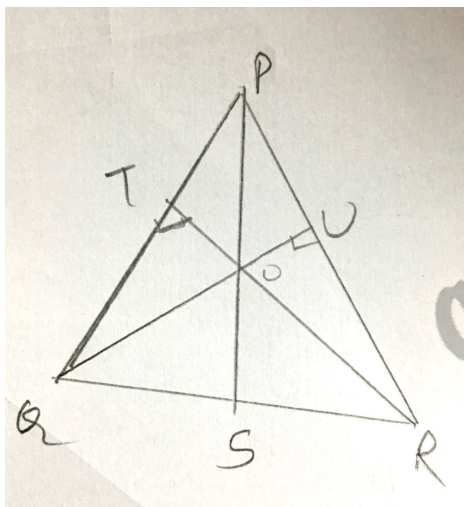


ABC एक त्रिभुज है
एक बिंदु F लिए जो कि AE को समद्विभाजित करे
वैसे ही, बिंदु E और D लिए जो कि क्रमशः AB और BC को समद्विभाजित करे
ये तीनो रेखा त्रिभुज के अंदर ही किसी बिंदु 'O' पर मिलेगी और यह बिंदु से तीनों शीर्ष समदूरस्थ होंगे

Page : 159 , Block Name : प्रश्नावली – 7.5

Q2 किसी त्रिभुज के अभ्यंतर में एक ऐसा बिंदु ज्ञात कीजिए जो त्रिभुज की सभी भुजाओ से समदूरस्थ है ।

Answer.

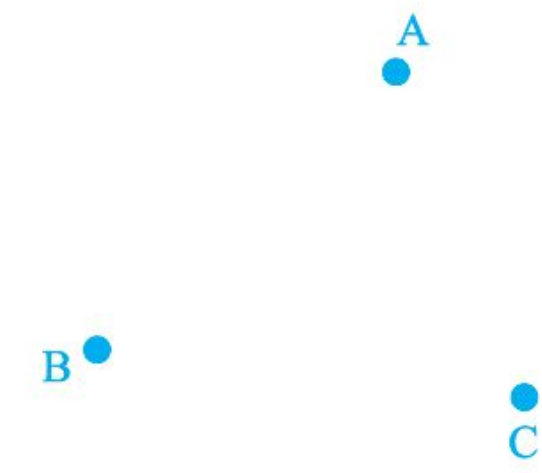


एक त्रिभुज PQR है
इस त्रिभुज के $\angle P, \angle Q, \angle R$ कोण है
एक रेखा PS, ऐसी खींचे कि $\angle P$ को समद्विभाजित करे और $\angle QR$ 90 बनाए
ठीक इसी प्रकार से,
रेखा QT और RU खींचे, क्रमशः $\angle Q$ और $\angle R$ को समद्विभाजित करे। ऐसा करने से तीनों रेखा एक बिंदु 'O' पर जाकर मिल जायेगी और यह एक बिंदु होगी जहा से तीनों भुजा की दूरी बराबर होगी, $OT=OU=OS$

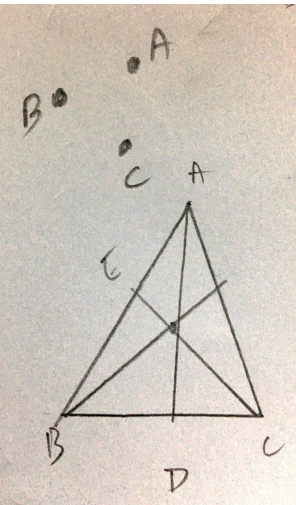
Page : 159 , Block Name : प्रश्नावली – 7.5

Q3 एक बड़े पार्क में, लोग तीन बिन्दुओ (स्थानों) पर केन्द्रित है (देखिए आकृति में)
A: जहा बच्चो के लिए फिसल पट्टी और झूले है ।

- B: जिसके पास मानव-निर्मित एक झील है ।
C: जो एक बड़े पार्किंग स्थल और बाहर निकलने के रास्ते के निकट है ।
एक आइसक्रीम का स्टाल कहा लगाना चाहिए ताकि वहा लोगों की अधिकतम संख्या पहुँच सके?



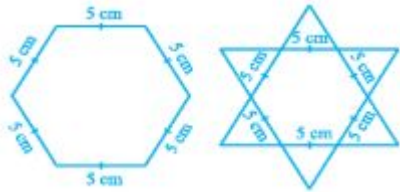
Answer.



सबसे पहले बिंदु A को B से मिलाए, B को C से मिलाए और C को A से मिलाए । ऐसा करने से एक त्रिभुज बन जाएगा
भुजा AC को समद्विभाजित करते हुए एक रेखा खींचे और B से मिलाए
भुजा AB को समद्विभाजित करते हुए एक रेखा खींचे और C से मिलाए
ठीक इसी प्रकार से BC को समद्विभाजित करते हुए एक रेखा खींचे और A से मिलाए
अब यह तीनो रेखा एक बिंदु पर जाकर मिल जायेगी जहा से A,B,C की दूरी बराबर होगी।

Page : 160 , Block Name : प्रश्नावली – 7.5

Q4 षडभुजीय और तारे के आकर की रंगोलियों को भुजा वाले समबाहु त्रिभुजों से भर कर पूरा कीजिये । प्रत्येक स्थिति में, त्रिभुजों की संख्या गिनिए । किस्मे अधिक त्रिभुज है?



Answer.

षडभुज को 1 सेमि भुजा वाले $6 \times 5 = 150$ समबाहु त्रिभुजों में विभाजित कर सकते है

5 सेमि भुजा वाले समबाहु त्रिभुज में 1 सेमि भुजा वाले त्रिभुजों की संख्या = $12 \times 25 = 300$.

Page : 160 , Block Name : प्रश्नावली – 7.5

aglasem.com